

Consideramos la distribución:

$$\hat{P} \in N\left(\hat{P}, \sqrt{\frac{\hat{P} \cdot (1-\hat{P})}{n}}\right)$$

P = "proporción de peces dorados"

\hat{P} = "proporción de peces dorados, en muestras de 700 peces"

Muestra de tamaño $n = 700$

Proporción $\hat{P} = \frac{70}{700} = 0.1$

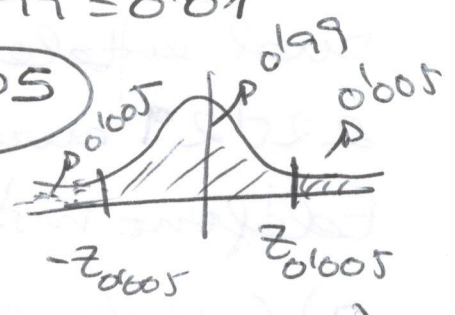
Señal el intervalo de confianza al 99%.

Calculamos el valor crítico $z_{\alpha/2}$

Nivel de confianza = $p = 1 - \alpha = 0.99$

Nivel de significación = $\alpha = 1 - 0.99 = 0.01$

$\alpha/2 = 0.005$



$P(Z < z_{\alpha/2}) = 0.995$

$z_{\alpha/2} = \frac{2.57 + 2.58}{2} = 2.575$

Int. de conf: $\left(\hat{P} - z_{\alpha/2} \cdot \sqrt{\frac{\hat{P} \cdot (1-\hat{P})}{n}}, \hat{P} + z_{\alpha/2} \cdot \sqrt{\frac{\hat{P} \cdot (1-\hat{P})}{n}} \right) =$

$= \left(0.1 - 2.575 \cdot \sqrt{\frac{0.1 \cdot 0.9}{700}}, 0.1 + 2.575 \cdot \sqrt{\frac{0.1 \cdot 0.9}{700}} \right) =$

$= (0.0708, 0.1292)$

A un nivel de confianza del 99% la proporción de peces dorados estará entre 7.07% y 12.92%.

b) Error = $E = z_{\alpha/2} \cdot \sqrt{\frac{\hat{P} \cdot (1-\hat{P})}{n}} = 2.575 \cdot \sqrt{\frac{0.1 \cdot 0.9}{700}} = 0.0292$

Error = 2.92%

0.5 pts