

TOTAL	SUMA	EE/EM	NOTA

So MDSL ... 1-5

So XEOM ... 6-10

Ambas ... 1, 2, 3, 6, 8, 10

NOME	GRUPO
------	-------

0. Expresión escrita / expresión matemática / presentación

[NOTA: Os sistemas lineares serán tratados cos métodos de Gauss e Cramer.]

REC MDSL

1. Resolver a ecuación matricial  $A - 2X = X \cdot A$  con  $A = \begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 3 \end{pmatrix}$ .

2. Estudiar a compatibilidade do sistema  $S \equiv \begin{cases} x - 2y - 4z = t \\ x + y - z = -1 \\ x + 3y + z = 2 \end{cases}$  dependendo do valor de  $t$  e resolvé-lo nos casos en que sexa posíbel utilizando a Regra de Cramer.

3. Estudiar a dependencia e o rango do conxunto  $A = \left\{ \begin{pmatrix} 2 \\ -4 \\ 1 \\ 2 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -1 \\ 2 \\ -1 \\ 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -1 \\ 2 \\ -2 \\ 5 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 \\ -2 \\ 3 \\ -9 \end{pmatrix} \right\}$ .

4. Resolver a ecuación  $\det(A^{-1}) = 27$ , con  $A = \begin{pmatrix} 1 & -1 & -1 & -1 \\ 1 & x & -1 & -1 \\ 1 & 1 & x & -1 \\ 1 & 1 & 1 & x \end{pmatrix}$ .

5. Obter o determinante da matriz  $B = (2C_2, C_1 - 4C_3, C_3 - C_2)$ , sabendo que  $\det M = 4$ , onde  $M = (C_1, C_2, C_3) \in M_3(\mathbb{R})$ , indicando as propiedades do cálculo de determinantes que se utilicen.

REC XEOM

6. i. Definición e interpretación xeométrica do produto vectorial de dous vectores libres.

ii. Calcular a área do triángulo determinado polas interseccións do plano  $\pi \equiv x + y - 5z + 2 = 0$  cos tres eixos cartesianos.

7. Dado o plano  $\pi \equiv 2x - y - 2z - 3 = 0$ , calcular o valor de  $a$  para que a recta  $r$  que pasa polos puntos  $P(a, a, a)$  e  $Q(1, 3, 0)$  sexa paralela ao plano  $\pi$ .

8. Obter o punto simétrico de  $A(3, 1, -4)$  a respecto da recta  $r \equiv \begin{cases} x - 2y - z = 2 \\ 2x + z = 0 \end{cases}$ .

9. Estudiar a posición relativa da recta  $r$ , que contén os puntos  $P(9, 4, 1)$  e  $Q(1, 1, 1)$ , e a recta  $s \equiv \frac{x-1}{2} = y = 5-z$  e obter o seu punto intersección, no seu caso.

10. Estudiar a posición relativa dos planos  $\alpha \equiv x - 2y = 2$  e  $\beta \equiv x + y + 2z = 0$ , e obter, no caso de que sexa posíbel, a ecuación do plano pertencente ao feixe de planos secantes determinado por ambos e que contén ao punto  $B(2, -2, 1)$ .