



NOME

GRUPO

- 0.** Expresión escrita / expresión matemática / presentación

- 1** 1. i.Definir os conceitos de dependéncia linear e de rango dun conxunto dentro dun espazo vectorial  $V$  , aportando exemplos.

**1** ii.Estudar o rango do conxunto  $W=\left\{\begin{pmatrix} 0 \\ 2 \\ -1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -2 \\ 0 \\ 2 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ -2 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -2 \\ -2 \\ 3 \end{pmatrix}\right\}$ .

- 1** iii.No caso de ser posíbel, suprimir de xeito razoado dous elementos do conxunto  $W$  coa condición de que non varie o seu rango.

- 0,5** 2. i.Obter os valores de  $t$  para os que a matriz  $A=\begin{pmatrix} -2 & t & -1 \\ 0 & 1 & 1 \\ t & 2 & 3 \end{pmatrix}$  é regular.

- 1** ii.Resolver para  $t=0$  a ecuación matricial  $A^t \cdot X \cdot A = 2I_3$ , onde  $I_3$  é a matriz identidade de orde 3 .

- 1** 3. i.Enunciado do Teorema de Rouché.

- 1** ii.Razoar a seguinte afirmación: se  $S$  é un sistema linear tal que a sua matriz ampliada  $M^*$  é regular, entón  $S$  é incompatíbel.

- 1,5** 4. i.Estudar a compatibilidade do sistema  $S \equiv \begin{cases} 3x-2y+kz=1 \\ x+y-3z=k \\ 4x-y-4z=0 \end{cases}$ , dependendo dos valores de  $k$  .

- 1** ii.Resolver o sistema nos casos en que sexa posíbel, utilizando a Regra de Cramer.

- 1** 5. Calcular o determinante da matriz  $B^{-1} \cdot C$  sabendo que  $\det B=2$  , que  $C=(C_1+C_2, 3C_2)$  e que  $\det(C_1, C_2)=4$  , indicando as propiedades utilizadas.