Boletín 9. Sistemas de ecuaciones

1. Expresa las siguientes ecuaciones de la forma ax + by = c, e indica el valor de sus coeficientes.

a)
$$y = 2x - 3$$

b)
$$y = x + 3$$

c)
$$-3x = 1 - y$$

d)
$$x = 2 - y$$

Construye una tabla de valores para estas ecuaciones.

2. Representa en el plano las ecuaciones.

a)
$$2x + 3 = y$$

b)
$$y + 1 = x$$

3. Representa gráficamente estos sistemas y determina su solución.

a)
$$\begin{cases} x + 2y = 6 \\ x - 2y = -2 \end{cases}$$

b)
$$\begin{cases} x+y=0 \\ x-y=-2 \end{cases}$$

c)
$$\begin{cases} 2x - y = -4 \\ -x + 3y = -3 \end{cases}$$

d)
$$\begin{cases} x+3 y=6 \\ 2x+6 y=12 \end{cases}$$

e)
$$\begin{cases} 2x - y = 8 \\ 4x - 2y = 10 \end{cases}$$

4. ¿De cuál de los siguientes sistemas es solución (8, 4)? ¿Y (10, 2)? ¿Y (3, 1)?

a)
$$\begin{cases} x + y = 12 \\ x - y = 4 \end{cases}$$

b)
$$\begin{cases} 2x+4y=10 \\ 3x-y=8 \end{cases}$$

5. Escribe otro sistema equivalente cuyas ecuaciones no tengan denominadores.

a)
$$\begin{cases} \frac{x}{2} + \frac{y}{5} = 5 \\ \frac{2x}{3} - \frac{y}{2} = -1 \end{cases}$$

- **6.** Escribe una ecuación lineal con dos incógnitas de forma que una de sus soluciones sea x = 2, y = 3. Escribe un sistema con esa solución.
- 7. Resuelve estos sistemas y clasificalos según su número de soluciones.

a)
$$\begin{cases} x+y=5 \\ x-y=3 \end{cases}$$

b)
$$\begin{cases} x+y=7 \\ x-y=5 \end{cases}$$

c)
$$\begin{cases} x+2 & y=3 \\ 2 & x+4 & y=6 \end{cases}$$

d)
$$\begin{cases} 2x + y = 13 \\ x - y = 2 \end{cases}$$

$$e) \quad \begin{cases} x+y=6 \\ 2x-2y=12 \end{cases}$$

f)
$$\begin{cases} x - 3y = 2 \\ 3x - 2y = 6 \end{cases}$$

8. Resuelve por el método de sustitución.

a)
$$\begin{cases} x+y=8 \\ x-y=8 \end{cases}$$

b)
$$\begin{cases} 7x + 8y = 23 \\ 3x + 2y = 7 \end{cases}$$

c)
$$\begin{cases} 2x - 3y = 5 \\ 5x + y = 4 \end{cases}$$

d)
$$\begin{cases} 3x+5y=20 \\ 7x+4y=39 \end{cases}$$

e)
$$\begin{cases} 3x + y = 10 \\ 2x - y = 10 \end{cases}$$

f)
$$\begin{cases} 5x + 3y = 16 \\ 3x - 3y = 0 \end{cases}$$

9. Resuelve por el método de igualación.

a)
$$\begin{cases} x+y=5 \\ x-y=13 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x+y=5 \\ x-y=13 \end{cases}$$
 b)
$$\begin{cases} 2x+y=13 \\ x-y=2 \end{cases}$$
 d)
$$\begin{cases} 2x+y=8 \\ 2x+y=12 \end{cases}$$

c)
$$\begin{cases} 2x+5y=10 \\ 4x+10y=20 \end{cases}$$

d)
$$\begin{cases} 2x + y = 8 \\ 2x + y = 12 \end{cases}$$

10. Resuelve por el método de reducción

a)
$$\begin{cases} x+y=5 \\ x-y=11 \end{cases}$$

b)
$$\begin{cases} x-5y=6 \\ 4x-3y=1 \end{cases}$$

c)
$$\begin{cases} x+2 y=0 \\ 2x+4 y=6 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x+y=5 \\ x-y=11 \end{cases}$$
 b)
$$\begin{cases} x-5y=6 \\ 4x-3y=1 \end{cases}$$
 d)
$$\begin{cases} x+2y=0 \\ 2x+4y=6 \end{cases}$$
 d)
$$\begin{cases} x-y=5 \\ 2x-2y=10 \end{cases}$$

11. Resuelve los siguientes sistemas

a)
$$\begin{cases} 2x+3y=5+x+2y \\ x-2y-3=3-4y \end{cases}$$

b)
$$\begin{cases} 3y + 3 = x - 2(x + 2y) \\ \frac{2x + 3y}{2} = 18 \end{cases}$$

c)
$$\begin{cases} x + y = 2 \\ x + 4 + 2y - 4 = 18 - x - y \end{cases}$$

d)
$$\begin{cases} 3(x+y)-x+2y=15 \\ 2x-(y+8)=-11 \end{cases}$$

e)
$$\begin{cases} -5(y-2)=x-2\\ x-3y=-4 \end{cases}$$

a)
$$\begin{cases} 2x+3y=5+x+2y \\ x-2y-3=3-4y \end{cases}$$
 b) $\begin{cases} 3y+3=x-2(x+2y) \\ \frac{2x+3y}{2}=18 \end{cases}$ c) $\begin{cases} x+y=2 \\ x+4+2y-4=18-x-y \end{cases}$ d) $\begin{cases} 3(x+y)-x+2y=15 \\ 2x-(y+8)=-11 \end{cases}$ e) $\begin{cases} -5(y-2)=x-2 \\ x-3y=-4 \end{cases}$ f) $\begin{cases} \frac{5(x+1)}{7} - \frac{2(y+2)}{3} = -2 \\ \frac{x}{2} + \frac{y}{2} = 0 \end{cases}$

12. La suma de las edades de Fernando y su padre es 40 años. La edad del padre es 7 veces la edad del hijo. ¿Qué edades tienen ambos?

13. Un hotel tiene, entre habitaciones dobles e individuales, 120 habitaciones. Si el número de camas es 195, ¿cuántas habitaciones dobles tiene? ¿Y habitaciones individuales?

14. Si cada persona come 5 pasteles, sobran 3; pero si comen 6, falta 1. ¿Cuántas personas y pasteles hay?

15. Halla las dimensiones de un rectángulo sabiendo que su perímetro mide 60 cm y que la base es el doble de la altura.

16. En una compra se han utilizado monedas de 2 € y billetes de 5 €. En total, entre monedas y billetes son 13 y se ha pagado 33 €. ¿Cuántas monedas de 2 € se utilizan? ¿Y billetes de 5 €?

16. En una droguería se venden 3 jabones y 2 frascos de colonia por 12 €, y también 4 jabones y 3 frascos de colonia por 17 €. Calcula el precio de cada producto.

17. José le dice a Inés: «Si te doy 10 discos tendrías la misma cantidad que yo». Inés le responde: «Tienes razón. Solo te faltan 10 discos para doblarme en número». ¿Cuántos discos tiene cada uno?

18. Se mezcla licor de 12 €/I con licor de 15 €/I, de modo que resultan 50 I. de licor de 13 €/I. ¿Cuántos litros de cada licor se han mezclado?