## IES O COUTO. DEPARTAMENTO DE MATEMÁTICAS

Matemáticas I

Fecha: 25-10-2019. Tiempo estimado: 60 minutos



## ALUMNO/A:

## **Observaciones:**

- Los resultados se darán de manera exacta, en forma de fracción, o utilizando radicales. No se puntuarán resultados presentados en forma decimal aproximada y obtenidos con la calculadora.
- Los resultados deben estar simplificados todo lo posible, y racionalizados si fuese el caso.
- En la resolución de los ejercicios debe indicarse el procedimiento seguido.

Ejercicio 1 Reduce hasta donde sea posible:

a) 
$$\frac{30\sqrt{3}}{2\sqrt{3}-\sqrt{2}} - (\sqrt{3}-2\sqrt{2})^2$$
 (0.75 puntos)

$$b) \frac{5}{2} \sqrt{\frac{16}{27}} - \sqrt[3]{3\sqrt{3}}$$
 (0.75 puntos)

**Ejercicio 2** Sabiendo que log B = 0.75, y log C = 0.15, halla sin usar la calculadora:

$$a) \log \left(\frac{0.001}{\sqrt[3]{BC^2}}\right) \tag{0.75 puntos}$$

b) 
$$\log_C(B^2)$$
 (0.75 puntos)

**Ejercicio 3** Escribe con notación de intervalos:  $\{x \in \mathbb{R} \mid |x+1| > 0\}$  (0.5 puntos)

Ejercicio 4 Dados  $z_1 = -\sqrt{2} + i\sqrt{2}$ ,  $y z_2 = \left(\frac{1}{2}\right)_{-90^{\circ}}$ , calcula como creas conveniente, y expresa en forma binómica y en forma polar: (1.25 puntos)

$$(a)$$
  $z_1+\overline{z_1}$   $b)$   $z_1-\overline{z_1}$   $c)$   $z_2^{-1}$   $d)$   $z_1\cdot z_2$ 

Ejercicio 5 Efectúa las siguientes operaciones de la forma que creas más conveniente, y expresa el resultado final en forma binómica.

a) 
$$(-\sqrt{2} + i\sqrt{6})^5$$
 (1 punto)

b) 
$$(2 - i\sqrt{5})(3 + i2\sqrt{5})$$
 (0.5 puntos)

$$\begin{array}{ccc}
 & 1 & \downarrow i\sqrt{3} \\
\hline
 & i^5 & (1+i)^2
\end{array}$$
(1 punto)

Ejercicio 6 Resuelve en  $\mathbb{C}$  y expresa las soluciones en forma polar. (1 punto)

$$iz^4 = 8(1-i)z$$

Ejercicio 7 El punto (3,1) es el afijo de una de las raíces cuartas de cierto número complejo z. Calcula:

- a) ¿Qué figura forman los afijos de las raíces cuartas de z?. Calcula las coordenadas de los afijos correspondientes al resto de las raíces de z. (Explica brevemente el razonamiento seguido). (0.75 puntos)
- b) Calcula el área y el perímetro de dicha figura. (0.75 puntos)

**Ejercicio 8** Escribe el conjunto de números complejos correspondiente al círculo de centro el origen de coordenadas, y radio 2. (0.25 puntos)

