Resolución de ejercicios del boletín de repaso para el examen de Álgebra

Matemáticas Académicas 3º ESO

IES O Couto

curso 2019-2020







Dados $p(x) = x^2 - 2x - 2$, q(x) = 2x - 1, $r(x) = x^3 - 2x + 1$ y $s(x) = x^4$, calcula:

- a) $p(x) q(x)^2$
- b) s(x): p(x)
- c) $s(x) q(x) \cdot r(x)$
- d) $q(x) \cdot p(x) 2r(x)$
- e) s(x): r(x)
- f) $p(x) (r(x))^2$

Aclaración: Lo que hay que hacer es sustituir primero cada uno de los polinomios por su expresión, y luego, respetando el orden habitual de las operaciones, se hacen los cálculos

Puede ser necesario escribir las expresiones de cada polinomio entre paréntesis si van precedidos de una resta, o ligados a un producto o potencia

Apartado a)

$$p(x) - q(x)^2 = x^2 - 2x - 2 - (2x - 1)^2 = x^2 - 2x - 2 - (4x^2 - 4x + 1) = x^2 - 2x - 2 - 4x^2 + 4x - 1 = -3x^2 + 2x - 3$$

Apartado b)

$$s(x): p(x)$$

$$x^{4} = \frac{x^{2} - 2x - 2}{x^{2} + 2x^{3} + 2x^{2}}$$

$$x^{2} + 2x + 6$$

$$2x^{3} + 2x^{2} = 2x^{3} + 4x$$

$$-2x^{3} + 4x + 4x$$

$$6x^{2} + 4x$$

$$-6x^{2} + 12x + 12$$

$$16x + 12$$

Apartado c)

$$s(x) - q(x) \cdot r(x) =$$
= $x^4 - (2x - 1) \cdot (x^3 - 2x + 1) = x^4 - (2x^4 - 4x^2 + 2x - x^3 + 2x - 1) =$

$$x^4 - 2x^4 + 4x^2 - 2x + x^3 - 2x + 1 = -x^4 + x^3 + 4x^2 - 4x + 1$$

Apartado d)

$$q(x) \cdot p(x) - 2r(x) = (2x - 1) \cdot (x^2 - 2x - 2) - 2(x^3 - 2x + 1) = 2x^3 - 4x^2 - 4x - x^2 + 2x + 2 - 2x^3 + 4x - 2 = -5x^2 + 2x$$

Apartado e)

$$\frac{x^{4}}{-x^{4}+2x^{2}-x} \begin{vmatrix} x^{3}-2x+1\\ x \end{vmatrix}$$

Apartado f)

$$p(x) - (r(x))^{2} = x^{2} - 2x - 2 - (x^{3} - 2x + 1)^{2} = x^{2} - 2x - 2 - (x^{3} - 2x + 1) \cdot (x^{3} - 2x + 1) = x^{2} - 2x - 2 - (x^{6} - 2x^{4} + x^{3} - 2x^{4} + 4x^{2} - 2x + x^{3} - 2x + 1) = x^{2} - 2x - 2 - (x^{6} - 4x^{4} + 2x^{3} + 4x^{2} - 4x + 1) = x^{2} - 2x - 2 - x^{6} + 4x^{4} - 2x^{3} - 4x^{2} + 4x - 1 = -x^{6} + 4x^{4} - 2x^{3} - 3x^{2} + 2x - 3$$