EJERCICIOS: EXPRESIONES ALGEBRAICAS

- 1. Ejercicio: Expresa en lenguaje algebraico:
 - a) La edad de Juan es igual a la de su hijo más treinta años.
 - b) El perímetro de un triángulo equilátero de lado a.
 - c) El perímetro de un cuadrado de lado x.
 - d) La superficie de un cuadrado de lado m.
 - e) La superficie de un rectángulo de base b y de altura h.
 - f) La edad de Sabela es cuatro años mayor que la de su marido.
 - g) El doble del cubo de un número.
 - h) El cubo del doble de un número.
 - i) La diferencia de los cuadrados de dos números.
 - m) El cubo de la suma de dos números.
 - n) A 45 se le quita el cubo de un número.
 - ñ) La suma de un número con la mitad del siguiente.
- **2. Ejercicio:** Calcular directamente y reducir los términos semejantes:

2.1.
$$(3x-2)^2$$

$$(x^2 + 2)^2$$

2.2.
$$(2ax-7)^2$$

$$\left(\frac{5}{7}x + \frac{1}{2}z^4\right)^2$$

2.3.
$$(-b^3 + 8a)^2$$

$$\left(-\frac{3}{2}x+\frac{4}{9}y\right)^2$$

2.4.
$$(p^2 + 6q^3)^2$$

$$(3x^2z + 7)(3x^2z - 7)$$

2.5.
$$(\sqrt{a} - 5)(\sqrt{a} + 5)$$

$$\left(2x+\frac{5}{6}\right)\!\left(2x-\frac{5}{6}\right)$$

2.6.
$$(9a - b^2c)^2$$

$$\left(-\frac{3}{2}x^7 + \frac{5}{6}y^{11}\right)^2$$

2.7.
$$\left(-\frac{4}{5}a \cdot b^3 + 3a^3\right)^2$$

$$\left(-\frac{4}{3}x^5\cdot y^8-\frac{4}{5}y^7\cdot z^3\right)^2$$

3. Ejercicio: Calcular los valores numéricos de las expresiones algebraicas siguientes para los valores que se indican:

| Expresión algebraica | b = 6 | c = 4 | b = -3 | c = 2 | b = -4 | c = -5 |
|----------------------|-------|-------|--------|-------|--------|--------|
| $(b-c)^2$ | | | | | | |
| b^2-c^2 | | | | | | |
| $b^2 + c^2 - 2bc$ | | | | | | |
| $(b+c)\cdot(b-c)$ | | | | | | |

4. Ejercicio: Dados los polinomios: $A(x) = 5x^4 + x^3 + 3x^2$ y $B(x) = 5x^3 - 3x^2$

calcular: $(4x^2 + 3x) \cdot A(x) - 2 \cdot (B(x))^2$

Solución:
$$-30x^6 + 79x^5 - 3x^4 + 9x^3$$

5. Ejercicio: Dados los polinomios: $A(x) = 3x^6 - 3x^5 - 3x^2$ y $B(x) = 3x^2 + 3x^2$

calcular:
$$(3x^2 - 3x) \cdot A(x) + 3 \cdot (B(x))^2$$

calcular:
$$(3x^2 - 3x) \cdot A(x) + 3 \cdot (B(x))^2$$
 Solución: $9x^8 - 18x^7 + 9x^6 + 18x^4 + 9x^3 + 54x^2 + 27$

6. Ejercicio: Realizar las siguientes operaciones:

$$(x-1)^2 - (x-3)^2 + (x-2)^2 - (x+4)^2 + (x+6)^2$$

Solución:
$$x^2 + 4x + 16$$

7. Ejercicio: Realizar Las siguientes operaciones:

$$3x^5 \cdot [(x+2)^2 - (x-1)^2] + 2x^4 \cdot (x+3)^2 =$$

Solución:
$$20x^6 + 21x^5 + 18x^4$$

Ejercicio: Dados los polinomios: $A(x) = 2x^6 + x^5 - 2x^3y$ $B(x) = 2x^2 + 4$

calcular:
$$(3x^2-3x)\cdot A(x)+3\cdot (B(x))^2$$

calcular:
$$(3x^2 - 3x) \cdot A(x) + 3 \cdot (B(x))^2$$
 Solución: $6x^8 - 3x^7 - 3x^6 - 6x^5 + 18x^4 + 48x^2 +$

9. Ejercicio: Dados los polinomios: $M(x) = 5x^7 - 3x^6 + 2x^5$ y $N(x) = 5x^2 - 4x$

calcular:
$$(2x^2 + x) \cdot M(x) + 2x \cdot (N(x))^2$$

Solución:
$$10x^9 - x^8 + x^7 + 2x^6 + 50x^5 - 80x^4 + 32x^3$$

10. Ejercicio: Realizar las siguientes operaciones:

$$(x^2-4)^2-(5x^2-2x)^2+(4x^2+x)^2-(x-3)^2$$

Solución:
$$-8x^4 + 28x^3 - 12x^2 + 6x + 7$$

11. Ejercicio: Dados: $P(x) = 3 - 4x^2 + x^4 - 2x^3$, $Q(x) = x^3 - 1 + 2x$ y $R(x) = 3x - x^2 + 2$ calcular:

$$P(X) + Q(X)$$

$$P(X) + R(X)$$

$$Q(X) + R(X)$$

$$P(X) - Q(X)$$

$$P(X) - R(X)$$

$$Q(X) - R(X)$$

$$P(X) \cdot Q(X)$$

$$P(X) \cdot R(X)$$

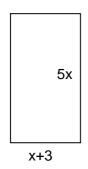
$$Q(X) \cdot R(X)$$

$$3P(X) - 2Q(X) - 5R(X)$$

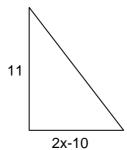
$$[Q(X)]^2$$

- $[R(X)]^2$
- 12. Ejercicio: Obtener la expresión algebraica del área de las siguientes figuras geométricas:

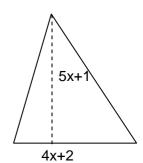
a.



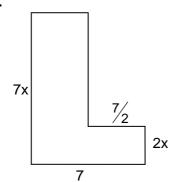
b.



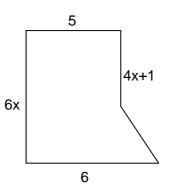
C.



d.



e.



f.

