EJERCICIOS: EXPRESIONES ALGEBRAICAS. ECUACIONES

- 1. Expresa de forma algebraica:
 - a) El doble de un número.
 - b) El doble del producto de dos números.
 - c) La mitad de un número más su triple.
 - d) El doble de un número menos su mitad.
 - e) El cuadrado de un número más su triple.
 - f) La mitad más la tercera parte más la cuarta parte de un número.
 - g) La mitad de un número menos el propio número.
 - h) El doble de un número más el triple de otro número.
 - i) Un número tres unidades menor.
 - j) El cuadrado del número menos su mitad.
 - k) El triple de un número menos dos.
 - 1) La mitad del cuadrado de un número.
 - m) El triple del cuadrado de un número.
 - n) La mitad de un número más una unidad.
 - ñ) Un número cinco unidades mayor.
 - o) El doble de un número menos el propio número.
 - p) Un número más su anterior.
 - q) La mitad de un número disminuida en diez unidades.
- **2.** Completa la siguiente tabla:

Monomio	Coeficiente	Parte literal	Grado
8x ²			
5abc ²			
x ² y			
pq ² r			

3. Opera y simplifica:

a)
$$[2x \cdot (-5x)] \cdot 3x$$

b)
$$(2x) \cdot [(-5x) \cdot 3x]$$

c)
$$(x^2 : x) \cdot x$$

d)
$$x^2:(x \cdot x)$$

e)
$$[4x \cdot 3x] : 6x^2$$

f)
$$5x \cdot [6x^2 : 3x]$$

4. Dados los polinomios $M = 3x^3 - 5x^2 - 6x + 9$ y $N = 4x^2 - 7x$, calcula:

- a) El grado de M y el de N
- b) M+N

c) M-N

d) M·N

e) M: $3x^2$

5. Calcula:

a) $3 \cdot (x + 4)$

b) $5x \cdot (x-1)$

c) $3x^2 \cdot (x+2)$

- d) $5 \cdot (3x^2 5x 7)$
- e) $2x^2 \cdot (x^4 2x^3 5x^2 + 6x 3)$

6. Dada la expresión algebraica $7pq^2 + 2p^2q - 3p^3q - \frac{7}{2}$:

- a) Calcula el valor numérico para p = 3 e q = 1/2
- b) Calcula el valor numérico para p = 0 e q = -1

7. Calcula aplicando las igualdades notables:

a)
$$(x+1)^2$$

b)
$$(x-1)^2$$

c)
$$(x + y)^2$$

d)
$$(x-3)^2$$

e)
$$(2x+3)^2$$

f)
$$(3x-5)^2$$

g)
$$(2a-1)^2$$

h)
$$(a + 2b)^2$$

i)
$$(-2+2a)^2$$

8. Determina si x = -4 es solución de las siguientes ecuaciones:

a)
$$\frac{1}{2}x + 5 = 3x + 15$$

b)
$$7 + 4x = -11 - 5x$$

c)
$$6x + 12 = -\frac{3}{2}x - 18$$

9. Resuelve las siguientes ecuaciones:

a)
$$3 \cdot (2 - 3x) + 8 = 4x + 1$$

b)
$$-8x + 7 = -11 \cdot (2x - 7)$$

c)
$$3+6\cdot(x-2)=5x-4\cdot(2x+7)+1$$

d)
$$1-4\cdot(5x-1)=6+7\cdot(12-10x)$$

e)
$$9+2\cdot(3x-1)=8x-(4x+9)+2$$

f)
$$8x-2+3\cdot(6x-2)=2\cdot(6x+3.5)-x$$

g)
$$-4-11\cdot(2x-8)=2\cdot[9-4\cdot(5x+3)]$$

h)
$$\frac{x+3}{6} - \frac{5+x}{2} = \frac{3x+4}{12}$$

i)
$$\frac{x-1}{10} - \frac{2-x}{6} = \frac{1}{15} \cdot (x-6)$$

$$j) \frac{3x}{4} - \frac{7 \cdot (x-2)}{6} = -1$$

k)
$$\frac{x}{3} - (2x - 1) = \frac{10}{3} - \frac{x - 5}{3}$$

1)
$$7x - \frac{5+9x}{3} = 4x - 7$$

m)
$$3x + 5 - 3 \cdot (x - 2) - 4x = x + 1 - 5 \cdot (x - 2)$$

n)
$$\frac{1}{6} \left[2x - 1 - 3 \cdot \left(\frac{5x}{3} - 1 \right) \right] + (x - 3) \cdot 2 + 6 = \frac{1}{3}$$

10. El doble de un número equivale al número aumentado en 111. Calcula dicho número.

11. Entre A, B y C tienen 13 bolas. C tiene el doble que A y C 3 menos que B. ¿Cuántas bolas tiene cada uno?

- **12.** La suma de tres números es 72. El segundo es 1/5 del tercero, y el primero excede al tercero en 6. Calcula los números.
- **13.** Juan compró 10 botellas de leche y 5 botes de zumo y pagó 70 €. Si el precio de la leche es el doble del precio del zumo, calcula los precios de las dos bebidas.
- **14.** Las edades de un padre y su hijo suman 60 años. Si la edad del padre se disminuye en 15 años, entonces esta es igual al doble de la del hijo. Calcula ambas edades.
- 15. Entre Olga y Luis tienen 52 libros, pero Olga tiene 4 libros más que Luis. ¿Cuántos libros tiene cada uno?
- **16.** Tres números consecutivos suman 12, ¿cuáles son esos números?
- 17. En una caja hay el doble de caramelos de menta que de fresa y el triple de caramelos de naranja que de menta y fresa juntos. Si en total hay 144 caramelos, ¿cuántos hay de cada sabor?
- **18.** El perímetro de un jardín rectangular es de 58 m. Si el lado mayor mide 11 m más que el menor, ¿cuánto miden los lados del jardín?
- 19. Calcula un número tal que su mitad más su cuarta parte más uno sea igual al número pedido.