

EXAMEN DE 2^a EVALUACIÓN DE 3º DE E.S.O. MATEMÁTICAS

GRUPO: _____ FECHA: 16/3/2010 ALUMNO: _____

1. Dados los polinomios $P(x) = x^3 - x + 2$ y el $Q(x) = -x^2 + 3x$, calcula:

a) $P(x) + Q(x) = x^3 - x + 2 - x^2 + 3x = x^3 - x^2 + 2x + 2$

b) $Q(x) - P(x) = -x^2 + 3x - x^3 + x - 2 = -x^3 - x^2 + 4x - 2$

c) $P(x) \cdot Q(x) = (x^3 - x + 2)(-x^2 + 3x) = -x^5 + x^3 - 2x^2 + 3x^4 - 3x^2 + 6x = -x^5 + 3x^4 + x^3 - 5x^2 + 6x$

d) Valor del polinomio $P(x)$ en $x = -2$: $P(-2) = (-2)^3 - (-2) + 2 = -8 + 2 + 2 = -4$

2. Resuelve las siguientes ecuaciones

a) $\frac{x+7}{2} - \frac{7-x}{6} = \frac{x-7}{12} + 7$;

$$\frac{6(x+7)}{12} - \frac{2(7-x)}{12} = \frac{x-7}{12} + \frac{84}{12}$$

b) $1 - x(x-3) = 4x - 1$

$$1 - x^2 + 3x = 4x - 1 \\ -x^2 + 3x - 4x + 1 + 1 = 0$$

$$6x + 42 - 14 + 2x = x - 7 + 84$$

$$6x + 2x - x = -7 + 84 - 42 + 14$$

$$7x = 49 ; x = \frac{49}{7} = 7$$

$$x = \frac{-(-1) \pm \sqrt{(-1)^2 - 4(-1) \cdot 2}}{2 \cdot (-1)} = \frac{1 \pm \sqrt{1+8}}{-2} = \frac{1 \pm 3}{-2}$$

$$x = \frac{1+3}{-2} = \frac{4}{-2} = -2 ; x = \frac{1-3}{-2} = \frac{-2}{-2} = 1$$

3. Busca un número entero tal que al multiplicarlo por su siguiente dé como resultado 240. ¿Es el único?

$x = \text{el número buscado}$

$$x(x+1) = 240$$

$$x^2 + x = 240$$

$$x^2 + x - 240 = 0$$

$$\begin{cases} a=1 \\ b=1 \\ c=-240 \end{cases}$$

$$x = \frac{-1 \pm \sqrt{1^2 - 4 \cdot 1 \cdot (-240)}}{2} = \frac{-1 \pm \sqrt{1+960}}{2} =$$

$$= \frac{-1 \pm 31}{2} \quad \begin{matrix} 15 \\ -16 \end{matrix} \quad \begin{matrix} \text{sirve tanto} \\ 15 \text{ como } -16 \end{matrix}$$

4. Resuelve el siguiente sistema lineal algebraica y gráficamente:

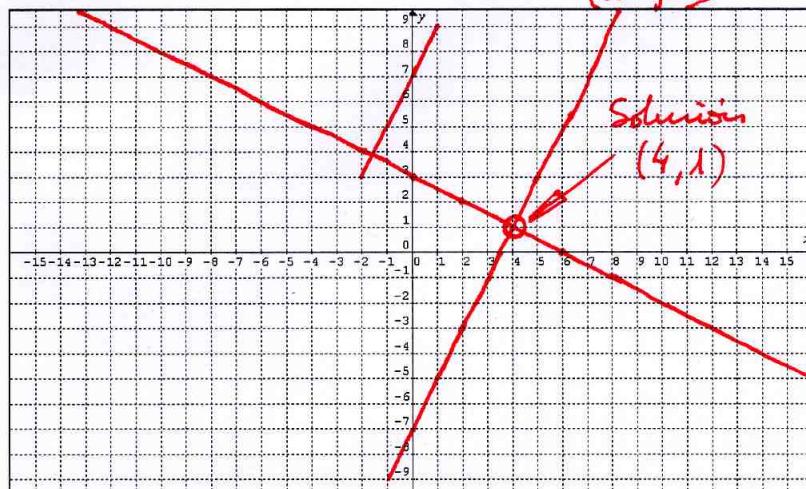
$$\begin{cases} 2x - y = 7 \\ x + 2y = 6 \end{cases}$$

$$\begin{array}{l} \text{Reducción} \\ 4x - 2y = 14 \\ x + 2y = 6 \end{array} \quad \left\{ \begin{array}{l} a=1 \\ b=1 \\ c=240 \end{array} \right.$$

$$4 + 2y = 6 ; 2y = 6 - 4 = 2 ; y = 1$$

$$5x = 20 ; x = 4 \quad \text{Solución } (4, 1)$$

$$\begin{array}{c|c} x & y \\ \hline 0 & -7 \\ 0 & 3 \\ 6 & 0 \\ -1 & 5 \\ 2 & 2 \end{array}$$



$$x + 2y = 6$$

5. Un examen de tipo test consta de 40 preguntas, y hay que contestar a todas. Por cada acierto se obtiene un punto, y por cada fallo se resta medio punto. Si obtuve 22 puntos, ¿cuántas preguntas acerté y cuántas fallé?

$x = \text{aciertos}$

$y = \text{errores}$

Redución

$$x + y = 40 \quad (\text{hay que contestar 40 preguntas})$$

$$x - 0,5y = 22 \quad (\text{obtengo 22 puntos entre aciertos y errores})$$

$$1,5y = 18 ; y = \frac{18}{1,5} = 12$$

$$x = 40 - 12 = 28 \quad \begin{matrix} 28 \text{ aciertos} \\ 12 \text{ errores} \end{matrix}$$