

**EXAMEN DE 2<sup>a</sup> EVALUACIÓN 4º DE E.S.O. MATEMÁTICAS**

**GRUPO: AB FECHA: 25/3/2014 ALUMNO:**

1. Resuelve analíticamente y gráficamente el sistema

$$\begin{cases} y = x^2 + 2x - 1 \\ y = -3x - 5 \end{cases}$$

$$\begin{aligned} & x^2 + 2x - 1 = -3x - 5 \quad | \quad x^2 + 2x + 3x + 1 + 5 = 0 \\ & x^2 + 5x + 4 = 0 \quad | \quad \begin{cases} a = 1 \\ b = 5 \\ c = 4 \end{cases} \quad x = \frac{-5 \pm \sqrt{5^2 - 4 \cdot 1 \cdot 4}}{2 \cdot 1} = \frac{-5 \pm \sqrt{25 - 16}}{2} = \\ & \qquad \qquad \qquad y = -3x - 5 \quad = \frac{-5 \pm \sqrt{9}}{2} = \frac{-5 \pm 3}{2}, \\ & \qquad \qquad \qquad = \frac{-5 + 3}{2} = \frac{-2}{2} = -1 \\ & \qquad \qquad \qquad = \frac{-5 - 3}{2} = \frac{-8}{2} = -4 \end{aligned}$$

vértice

$$\frac{-2}{2 \cdot 1} = -1$$

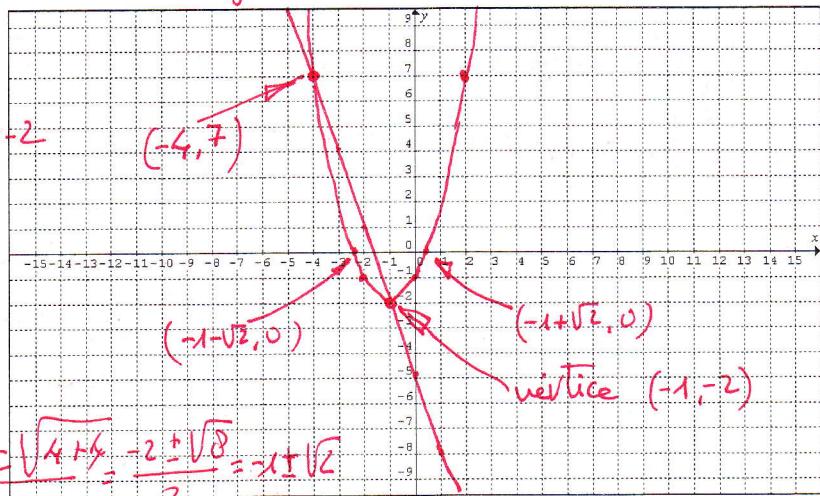
$$(-1)^2 + 2(-1) - 1 = 1 - 2 - 1 = -2$$

$$(-1, -2)$$

corte con OX

$$\begin{cases} a = 1 \\ b = 2 \\ c = -1 \end{cases}$$

$$x^2 + 2x - 1 = 0 \quad | \quad x = \frac{-2 \pm \sqrt{2^2 - 4 \cdot 1 \cdot (-1)}}{2 \cdot 1} = \frac{-2 \pm \sqrt{4 + 8}}{2} = \frac{-2 \pm \sqrt{12}}{2} = -1 \pm \sqrt{2}$$

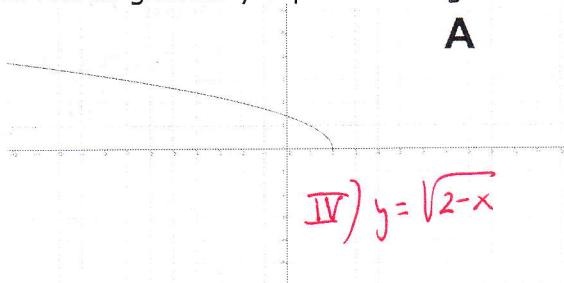


$$\text{Si } x = -1, y = -3(-1) - 5 = -2$$

$$\text{Si } x = -4, y = -3(-4) - 5 = 7$$

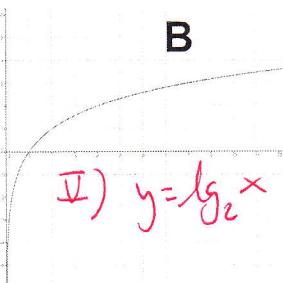
2. Asocia gráficas y expresiones algebraicas de funciones:

A



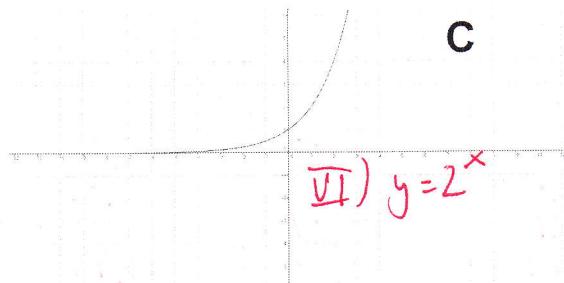
$$\text{IV}) y = \sqrt{2-x}$$

B



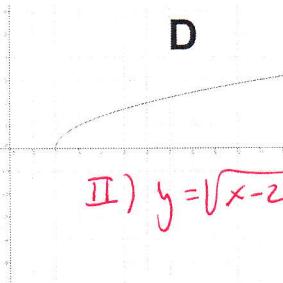
$$\text{II}) y = \lg_2 x$$

C



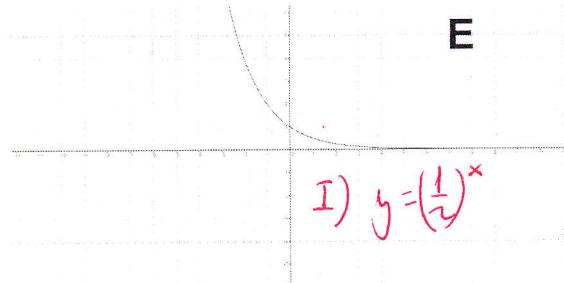
$$\text{VI}) y = 2^{-x}$$

D



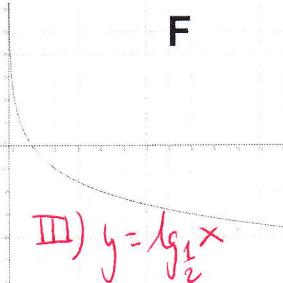
$$\text{II}) y = \sqrt{x-2}$$

E



$$\text{I}) y = \left(\frac{1}{2}\right)^x$$

F



$$\text{III}) y = \lg_{\frac{1}{2}} x$$

$$\text{I) } y = \left(\frac{1}{2}\right)^x$$

$$\text{II) } y = \sqrt{x-2}$$

$$\text{III) } y = \lg_{\frac{1}{2}} x$$

$$\text{IV) } y = \sqrt{2-x}$$

$$\text{V) } y = \lg_2 x$$

$$\text{VI) } y = 2^x$$

3. Certo material radiactivo se reduce a la mitad a cada hora que pasa. Si inicialmente había 200 átomos, calcula cuánto tiempo debe pasar para que queden menos de diez átomos. ¿Y un solo átomo?

$$A = 200 \left(\frac{1}{2}\right)^t ; \frac{A}{200} = \left(\frac{1}{2}\right)^t ; t = \lg_{\frac{1}{2}} \frac{A}{200}$$

Si  $A=10$ ,  $t = \lg_{\frac{1}{2}} \frac{10}{200} \approx 4,32 \text{ h}$  habrá menos de 10 átomos

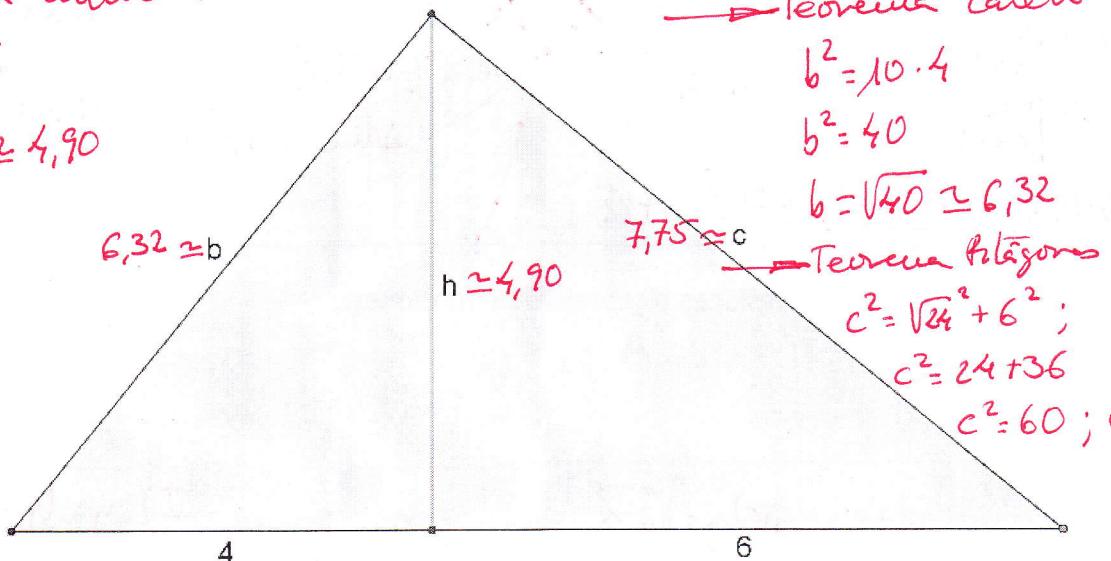
Si  $A=1$ ,  $t = \lg_{\frac{1}{2}} \frac{1}{200} \approx 7,64 \text{ h}$  habrá sólo un átomo

4. Calcula la longitud de los segmentos  $b$ ,  $c$  y  $h$  en el triángulo rectángulo de la figura

→ Teorema cateto

$$h^2 = 4 \cdot 6$$

$$h = \sqrt{24} \approx 4,90$$



→ Teorema cateto

$$b^2 = 10 \cdot 4$$

$$b^2 = 40$$

$$b = \sqrt{40} \approx 6,32$$

→ Teorema Pitágoras (medianas)

$$c^2 = \sqrt{24}^2 + 6^2$$

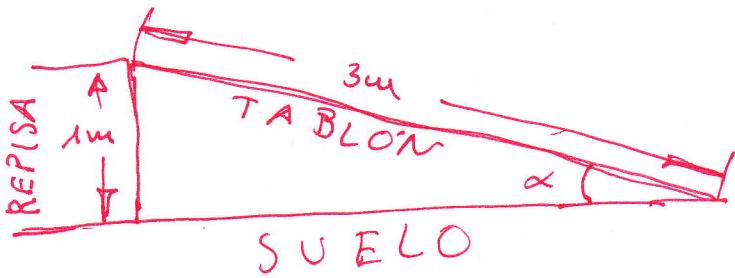
$$c^2 = 24 + 36$$

$$c^2 = 60 ; c = \sqrt{60} \approx 7,75$$

5. Completa la siguiente tabla:

cuadrante	II	II	IV	I
ángulo	$108,93^\circ$	$-260^\circ$	$330^\circ$	$60^\circ$
seno	0,95	0,98	-0,5	0,87
coseno	-0,32	-0,17	0,87	0,5
tangente	-3	-5,67	-0,58	1,73

6. Calcula el ángulo que forma un tablón de tres metros de largo con el suelo, cuando está apoyado en una repisa a un metro de altura sobre el suelo



$$\operatorname{sen} \alpha = \frac{1}{3}$$

$$\alpha = \arcsen \frac{1}{3}$$

$\alpha \approx 19,47^\circ$  es el ángulo que forma el tablón y el suelo